

Глава II. Задания повышенного и высокого уровня сложности

§ 20. Тригонометрические уравнения и отбор корней

718. а) Решите уравнение $\sin 2x + \cos 2x = 1$.

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\frac{\pi}{6}; 2\pi\right]$.

719. а) Решите уравнение $27^{\operatorname{tg}^2 x} + 81 \cdot 27^{-\operatorname{tg}^2 x} = 30$.

б) Укажите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{3\pi}{2}; 3\pi\right]$.

720. а) Решите уравнение $16^{\sin^2 x} + 16^{\cos^2 x} = 10$.

б) Укажите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$.

721. а) Решите уравнение $\sin 2x - \cos 2x = 1$.

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\pi; \frac{\pi}{3}\right]$.

722. Решите уравнение:

а) $4 \sin^3 x + 7 \sin 2x - 4 \sin x = 0$.

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left(-\frac{\pi}{3}; \frac{3\pi}{2}\right]$.

723. а) Решите уравнение $4 \cos^3 x + 5 \sin 2x + 2 \cos x = 0$.

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left(0; \frac{7\pi}{6}\right]$.

§ 20. Тригонометрические уравнения и отбор корней

724. а) Решите уравнение $\sin x = \frac{1}{2}$.

б) Укажите все корни этого уравнения на отрезке $[-1; 1]$.

725. а) Решите уравнение $\cos x = \frac{1}{2}$.

б) Укажите все корни этого уравнения на отрезке $[-1; 1]$.

726. а) Решите уравнение $\sin x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $\left[\frac{\pi}{2}; 2\pi\right)$.

727. а) Решите уравнение $\cos x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $[-\pi; 0]$.

728. а) Решите уравнение $\sin x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $\left[-5\pi; -\frac{7\pi}{2}\right)$.

729. а) Решите уравнение $\cos x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $\left[4\pi; \frac{9\pi}{2}\right)$.

730. а) Решите уравнение $\sin x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $\left(-\frac{3\pi}{2}; 0\right]$.

731. а) Решите уравнение $\cos x = \frac{1}{2}$.

б) Найдите все корни этого уравнения на отрезке $\left(-\frac{3\pi}{2}; 0\right]$.